

Session :	Mai 2018.
Année d'étude :	Première année de licence économie-gestion mention économie et gestion parcours classique et réussite.
Discipline :	<i>Statistiques 2</i> (Unité d'Enseignements Fondamentaux 2).
Titulaire du cours :	M. Lorenzo BASTIANELLO.
Document(s) autorisé(s) :	Calculatrice autorisée. Le téléphone portable n'est pas autorisé comme calculette. Documents interdits, ainsi que tout appareil électronique permettant une connexion à distance.

*Examen de Statistiques 2 (5299)***Indications et consignes :**

- La qualité de la présentation et la tenue de la copie peuvent faire l'objet de points négatifs.
- Toutes communications, quelle que soit leur nature, sont interdites.
- *Le barème est donné à titre indicatif et est susceptible d'être modifié.*

1. (4 points) Combien d'arrangements sont-ils possibles avec les lettres du mot MELUN ? Et avec le mot STAT ?

Pour le mot STAT, si l'on suppose que tout arrangement est équiprobable, quelle est la probabilité d'observer deux T de suite ?

2. (4 points) Soit X la variable aléatoire discrète de loi $X = \left\{ \begin{array}{cccc} -2 & 0 & 1 & 4 \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{2} & \frac{1}{8} & \frac{1}{8} \end{array} \right\}$

- Calculer $\mathbb{E}(X)$ et $V(X)$.
- Soit $Y := -3X + 2$. Trouver la loi de Y . Calculer $\mathbb{E}(Y)$ et $V(Y)$.

3. (3 points) Soient A et B deux événements.

- Donner la définition d'événements indépendants.
- Si $P(A) = 0.4$, $P(B) = 0.3$ et $P((A \cup B)^c) = 0.42$, est-ce que A et B sont indépendants ? (On utilise le fait que $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - \dots$.)

4. (5 points) Dans un casino il y a trois types de machines à sous : le type A (70% de machines du casino), le type B (20%) et le type C (10%). Si un client joue avec A, il gagne avec probabilité 0.1, s'il joue avec B il gagne avec probabilité 0.2, s'il joue avec C il gagne avec probabilité 0.5.

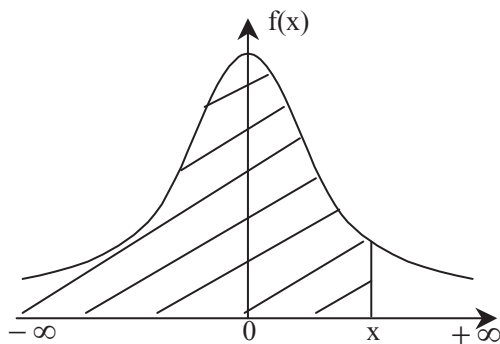
- Les clients ne peuvent pas distinguer les différents types de machines. Si un client joue une fois, quelle est la probabilité qu'il gagne ? Si un client joue une fois et gagne, quelle est la probabilité qu'il ait joué avec la machine à sous du type B ?
- Un client choisit une machine à sous et décide de jouer jusqu'à quand il aura gagné pour la première fois (on suppose que les gains se produisent de façon indépendante). Soit X la variable aléatoire qui compte le nombre de fois où il a joué. Quelle loi suit X ? En moyenne, combien de fois devra-t-il jouer s'il choisit la machine de type A ?

5. (4 points) La longueur (mesurée en cm) du cou d'une girafe suit une loi normale X avec écart-type $\sigma = 20$. On sait que le 5% des girafes ont un cou plus long de 216 cm. Trouver la moyenne μ de la variable aléatoire X . (Voir les tables de la normale)

Un fois par an pendant trois ans, des vétérinaires mesurent le cou d'une girafe choisies au hasard dans une grande population de girafes au Kenya (les girafes sont indistinguables donc les vétérinaires pourraient tomber sur la même girafe). Quelle est la probabilité qu'au moins une girafe ait un cou plus long de 216 cm ? (Considérer X la variable aléatoire qui compte le nombre de girafes avec le cou plus long de 216 cm).

Loi Normale centrée réduite

Probabilité de trouver une valeur inférieure à x.



$$F(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{u^2}{2}} du$$

X	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7704	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1,0	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
2,0	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
2,1	0,9821	0,9826	0,9830	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,9850	0,9854	0,9857
2,2	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,9890
2,3	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9904	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
2,4	0,9918	0,9920	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
2,5	0,9938	0,9940	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
2,6	0,9953	0,9955	0,9956	0,9957	0,9959	0,9960	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
2,7	0,9965	0,9966	0,9967	0,9968	0,9969	0,9970	0,9971	0,9972	0,9973	0,9974
2,8	0,9974	0,9975	0,9976	0,9977	0,9977	0,9978	0,9979	0,9979	0,9980	0,9981
2,9	0,9981	0,9982	0,9982	0,9983	0,9984	0,9984	0,9985	0,9985	0,9986	0,9986
3,0	0,9987	0,9987	0,9987	0,9988	0,9988	0,9989	0,9989	0,9989	0,9990	0,9990
3,1	0,9990	0,9991	0,9991	0,9991	0,9992	0,9992	0,9992	0,9992	0,9993	0,9993
3,2	0,9993	0,9993	0,9994	0,9994	0,9994	0,9994	0,9994	0,9995	0,9995	0,9995
3,3	0,9995	0,9995	0,9995	0,9996	0,9996	0,9996	0,9996	0,9996	0,9996	0,9997
3,4	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9997	0,9998
3,5	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998	0,9998

Table pour les grandes valeurs de x :

x	3	3,2	3,4	3,6	3,8	4	4,2	4,4	4,6	4,8
F(x)	0,99865003	0,99931280	0,99966302	0,99984085	0,99992763	0,99996831	0,99998665	0,99999458	0,99999789	0,99999921