

**Université Panthéon-Assas, Melun**  
**Droit, Economie, Sciences Sociales**

SESSION : Septembre 2017.  
ANNE D'ETUDE : L1 Administration Economique et Sociale  
MATIERE : MATHEMATIQUES 5092                      ENSEIGNANT : Mr FAKHFAKH  
**Durée : 3h00 – UEF 1**

**Exercice 1**

Soit f la fonction suivante :

$$f(x) = \frac{1 - e^x}{\ln(1+x)}.$$

- 1) Donner le domaine de définition de la fonction f.
- 2) Rappeler les développements limités de  $e^x$  et de  $\ln(1+x)$  au voisinage de 0.
- 3) En déduire la limite de f au voisinage de 0 (si elle existe).
- 4) Peut-on prolonger f par continuité ? Si oui, de quelle manière ?

**Exercice 2**

Soit la fonction de satisfaction suivante : (résultant de la consommation de x unités de biens alimentaires et de y unités de biens d'habillement).

$$U(x, y) = \frac{1}{2} \ln(x) + \frac{1}{2} \ln(y)$$

- a- Donner l'équation du plan tangent à la courbe de cette fonction au point M(1,1). Quelle variation subirait l'utilité de cet agent si les quantités consommées connaissaient respectivement les variations dx et dy ?
- b- Si la consommation en bien de consommation subit une baisse d'une unité, quelle sera l'augmentation minimale dy acceptable par ce consommateur ?

**Exercice N° 3**

On considère la fonction de satisfaction suivante :

$$U(x, y) = \frac{3}{4} \ln(x) + \frac{1}{4} \ln(y)$$

- 1) On suppose que cet agent économique dispose d'un budget B qu'il consacre entièrement à la consommation de ces deux biens. Soient P1 et P2 les prix des deux biens X et Y. (on a :  $P1.X + P2.Y = B$ )  
On suppose que  $B=10$ ,  $P1=1$  et  $P2=1$ .
  - a- Déterminer par la méthode du lagrangien les quantités qui maximisent la satisfaction de ce consommateur.
  - b- Déterminer par la méthode de substitution les quantités qui maximisent la satisfaction de ce consommateur.
- 2) Nous supposons maintenant que  $P2=2$ . Quel est le niveau de revenu qui permettrait à ce consommateur d'atteindre le niveau de satisfaction obtenu en 1) ?

**Exercice 4**

1- Calculer les intégrales suivantes :

$$I1 = \int_a^b (x^2 + \sqrt{x}) \cdot dx \quad I2 = \int_a^b x \cdot \ln(x) \cdot dx$$

2- Calculer l'intégrale suivante (après décomposition de la fraction rationnelle)

$$\int_0^b \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{x^2 - 2x + 1} \cdot dx$$