

**Session :** Mai 2019  
**Année d'étude :** L1, Administration Economique et Sociale  
**Discipline :** *Microéconomie* **Titulaire du cours :** M. Fathi FAKHFAKH  
**Document(s) autorisé(s) :** aucun, Calculatrices autorisées.

**Cours (3 pts)**

- 1- Expliquer pourquoi deux courbes d'indifférence ne peuvent se couper. Donner une illustration graphique.
- 2- Rappeler la définition d'un optimum de Pareto.
- 3- On se plaçant à court terme, représenter les fonctions de cout variable moyen, cout moyen et cout marginal. Indiquer le seuil de fermeture et le seuil de rentabilité sur ce graphique. .

**Exercice 1 (2 pts)**

Soit une courbe d'indifférence d'un consommateur dont l'équation dans l'espace des biens est la suivante :  $y_2 = 400/y_1^2$ ; où  $y_1 > 0$

1. Vérifier qu'il s'agit bien d'une courbe d'indifférence.
2. Déterminer le TMS en un point quelconque de cette courbe d'indifférence.

**Exercice 2 (3.5 pts)**

Un consommateur a pour fonction d'utilité,  $U = x^2y$ , sa richesse initiale est  $R = 10$  et le prix du bien  $x$  est  $p_x = 1$ .

1. Calculer les fonctions de demande et déterminer la consommation qui maximise la satisfaction de l'agent quand  $p_y = 1$ .
2. Calculer la consommation qui maximise la satisfaction de l'agent quand  $p_y = 2$ .
3. Quel revenu aurait-il fallu pour obtenir, lorsque  $p_y = 2$ , la même satisfaction que lorsque  $p_y = 1$  (cf. question 1)) ?
4. Interpréter le résultat.

**Exercice 3 (2. pts)**

On considère deux biens, dont les fonctions de demande s'écrivent (x, y)

$$\begin{cases} x = \frac{R^2}{p_x p_y} \\ y = \frac{R^{0.5}}{p_x p_y} \end{cases}$$

1. Tracez sommairement les courbes d'Engel (demande en fonction du revenu) pour les 2 biens. En déduire le type de chaque bien en justifiant votre réponse.

#### **Exercice 4 (3 pts)**

La fonction de production d'une entreprise est donnée par :  $Q(K, L) = \sqrt{K}\sqrt{L}$   
où  $Q$  représente la production totale,  $K$ , le facteur capital et  $L$  le facteur travail.

Les prix des facteurs de production sont  $r = 1$  pour le capital et  $w = 4$  pour le travail.

Le producteur produit 100 unités de produit.

- Écrire le programme de minimisation de coût du producteur.
- Déterminer la combinaison de facteurs que l'entreprise devrait utiliser pour produire ces 100 unités de produit.

#### **Exercice 5 (4 pts)**

On considère une firme dont la fonction de coût s'écrit :

$$C(Q) = \frac{2}{3}Q^3 - 2Q^2 + 2Q.$$

Où  $Q$  indique la quantité produite. On notera  $p$  le prix de marché du produit.

- Donner les expressions du coût moyen et du coût marginal associées à cette fonction de coût.
- Vérifiez que la courbe de coût moyen croise celle du coût marginal au minimum du coût moyen.
- Calculez le prix  $p_{\min}$  en dessous duquel la firme refusera de produire.
- Le prix de marché se fixe au niveau  $p = 2$ . Déterminez l'offre optimale de la firme. En déduire la valeur du surplus du producteur.
- Quel doit être le prix d'équilibre de longue période en concurrence pure et parfaite si l'on admet que toutes les firmes ont accès à la même technologie (et présentent la même fonction de coût) ?

#### **Exercice 6 (2.5 pts)**

Sur le marché du poisson, on suppose que la demande est donnée par :  $D(p) = 1000 - 10p$ , et que l'offre est donnée par :  $O(p) = 100p - 100$

- Représenter graphiquement ces deux fonctions et donner une idée sur le prix d'équilibre.
- Calculer ce prix d'équilibre.
- On suppose que l'offre est plafonnée à 500. Quel est le prix que le consommateur paiera ?